

# Amplificatore operazionale

24 OTT

aspetti inimmunciabili

- ingresso differenziale
- guadagno elevato
- elevata impedenza di ingresso
- stabilità in reazione

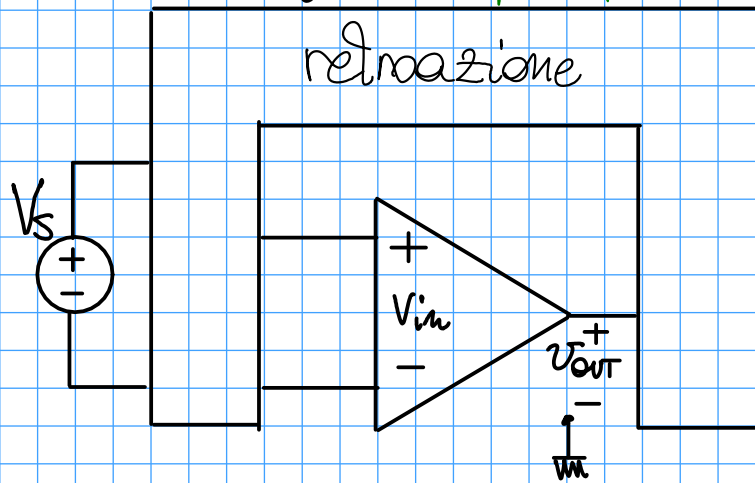
parentesi su topologia circuiti  
per sistemi opamp

visione del progettista

specifiche di progetto

- valore del guadagno in continua
- CMRR
- velocità, in termini di PGB (o GBW in inglese) e slew rate
- margine di fase *necessità o meno di compensazione*
- Noise, riportato in ingresso ( $n_i$ ,  $r_i$  termico e flicker)
- offset, ovvero la  $\sigma_{rio}$
- consumo statico
- massima corrente erogabile
- dinamiche di uscita

Guadagno opamp lavora chiuso in una catena di reazione negativa



$$V_{in} = \alpha V_S + \beta V_{out} \quad \text{con} \quad V_{out} = A V_{in}$$

$$\frac{V_{out}}{V_S} = - \frac{\alpha}{\beta} \frac{1}{1 - (\beta A)^{-1}}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{1+x} = 1-x$$

se  $\beta A \gg 1 \rightarrow \frac{V_{out}}{V_S} \approx - \frac{\alpha}{\beta} \left( 1 + \frac{1}{\beta A} \right)$

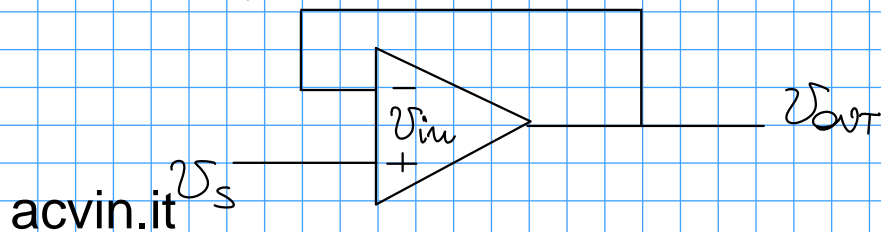
risultato dc ccr

errore relativo su  
valore ottenuto da  
sistema ideale  
(cortocircuito virtuale)

$$|\epsilon_r| = \left| \frac{1}{\beta A} \right|$$

specifica su  $\epsilon_r$  (con rete  $\beta$  fissata)  
si introduce in una specifica su  $A$

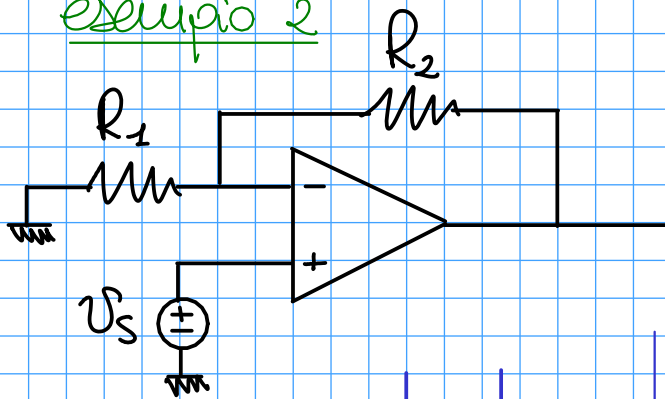
esempio



$$\alpha = 1, \beta = -1 \rightarrow \text{CCR} \quad V_{out} = +V_S$$

$$|\epsilon_r| = \left| \frac{1}{\beta A} \right| = \frac{1}{|A|}$$

### esempio 2



$$\alpha = 1, \beta = -\frac{R_1}{R_1 + R_2}$$

$$\text{per ccr} \rightarrow -\frac{\alpha}{\beta} = \frac{1}{\beta} = 1 + \frac{R_2}{R_1} = A_v$$

$$|E_r| = \left| \frac{1}{\beta A} \right| = \left| \frac{1}{A} \right| |A_v|$$

$A_v$  è l'amplificazione della rete in reazione

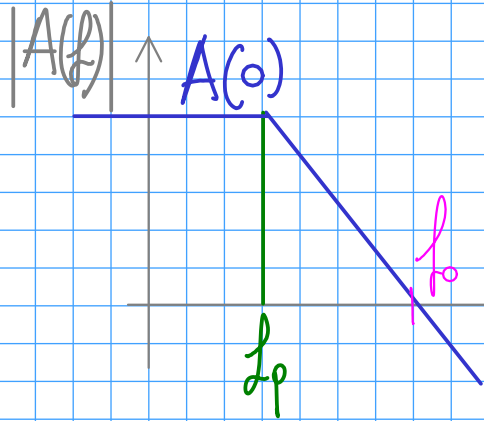
$E_r$  dipende sia da  $A$  in continua, sia da  $A_v$  guadagno della rete

Questo per quanto riguarda il caso statico, ma le stesse considerazioni valgono per un'analisi in frequenza, con la complicazione della dipendenza da  $f$  di  $\beta$  e  $A$

→ visto il comportamento a polo dominante dell'amplificatore si cerca di prolungare il range di frequenze dove l'errore  $E_r$  è limitato aumentando il più possibile  $A(0)$

## velocità - PGB (o GBW dell'inglese)

27011



Hp polo dominante a bassa frequenza

$$\text{specifica } \epsilon_r = \left| \frac{1}{B(f)A(f)} \right|$$

dato  $\epsilon_r$  definisco bande massima di utilizzo

nel caso in cui l'operazione abbia:

legato a tempo di risposta

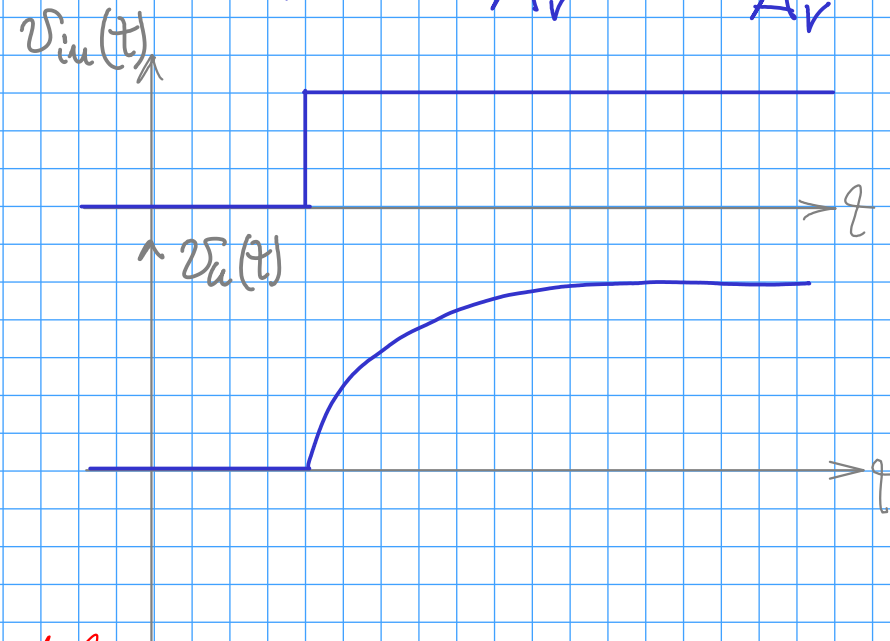
→  $A_0$  elevato  
→ polo dominante

$$\text{PGB} = A_0 f_p \approx f_0$$

$$f_H = \frac{\text{PGB}}{A_v} = \frac{f_0}{A_v}$$

## velocità - slew rate

→ velocità di saturazione dello stadio di uscita, dipende anche da  $V_{DD}$



si trovano due diverse definizioni

$$\tau_1 = K/f$$

univoco e prendo la minore delle due

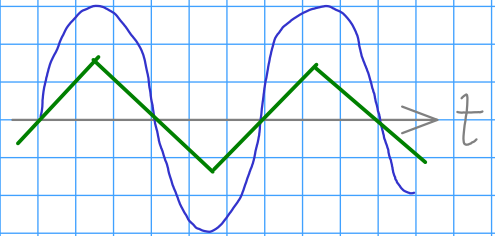
$$\tau_2 = \Delta V / \Delta r$$

⚠ per segnali sinusoidali

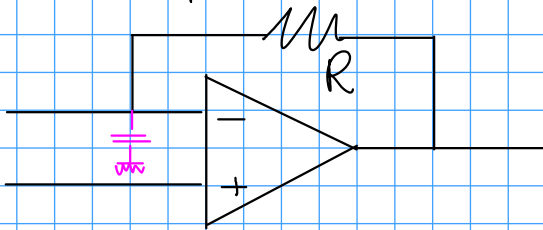
Analizziamo ora in particolare le specifiche richieste da amplificatori per circuiti switched capacitor

→ ad ogni clock viene invertita il collegamento al piedino, ed è fondamentale che l'amplificatore riesca a seguire la variazione → *slow rate* massimo possibile

ad esempio, se amplificatore non riesce a seguire un'onda sinusoidale, entra in condizione di *slow rate* e in uscita si ottiene un'onda triangolare



inoltre la presenza di capacità all'ingresso, assieme ad una  $R$  elevata, possono introdurre poli a bassa frequenza tali da rendere il sistema instabile



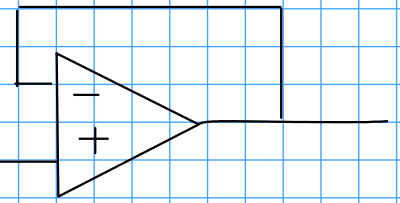
specifiche per switched capacitor:

- $GBW = f_0$  *polo dominante*
- *margin* di fase
- *impedenza* di uscita

# Stabilità

→ con rete passiva  $\beta$  massimo  $|\beta| = 1$

maggiore è il  $\beta A$ , più si riduce  $\phi_H$  (margine di fase)



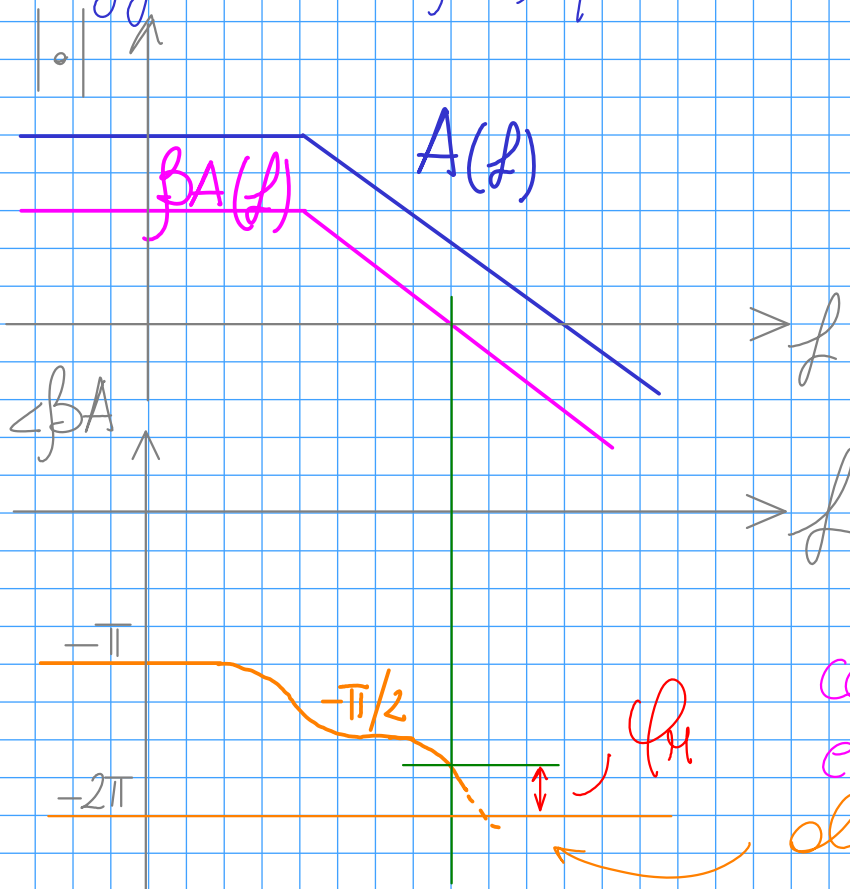
Criterio di Barkhausen

$$\angle \beta A = \phi$$

$$|\beta A| \geq 1$$

per amplificatore voglio che non sia verificata

cerco frequenza per la quale  $|\beta A| = 1$   
e un margine di fase da  $2\pi$   
altri poli a frequenze maggiori



$\phi_H$  tipico  $70^\circ$

perché serve  $\phi_H$ :

- progettazione sottostima reazione, aggiungo sicurezza
- variazioni ambientali, errori matching
- oscillazioni iniziano ben prima (sovraelongazioni)

funziona: siccome  $\beta$  massimo vale al massimo 1 → studio  $A(f)$  per  $\phi_H$

# Impedenza di uscita

siamo abituati a considerare

$R_{out} = \phi$  per operazioni, ma  
per CMOS di solito si trova

$R_{out} \sim 50 K\Omega$  (es TL201)

$R_{out}$  bassa necessita di  
un source follower sull'uscita  
che però comportano:

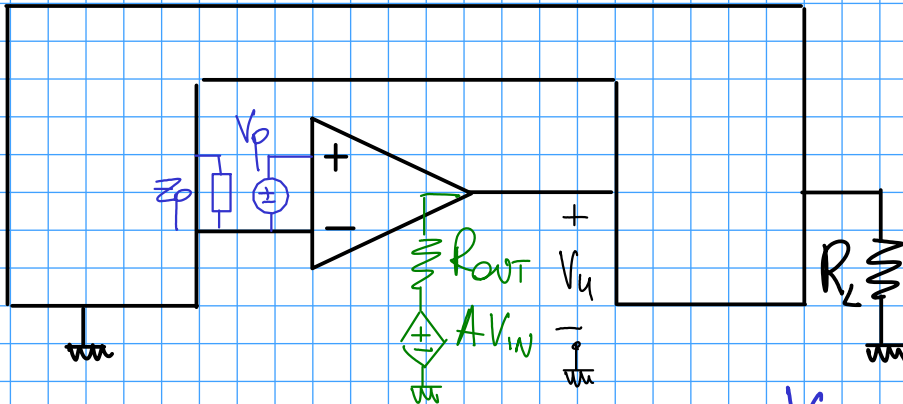
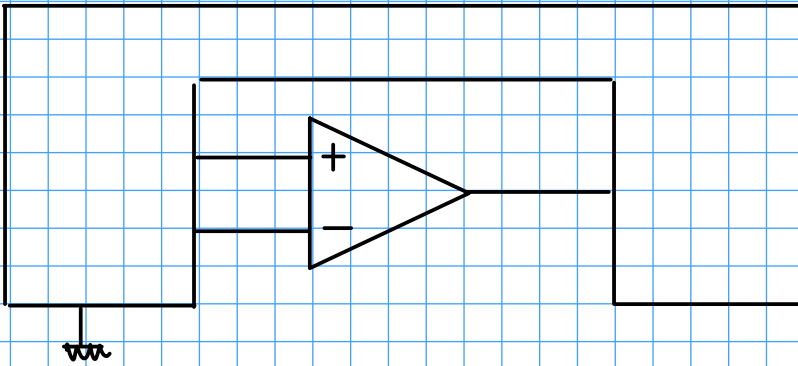
- limite alla dinamica di un  $V_{GS}$
- effetto body su PMOS ed NMOS
- non compatibile con basse  $V_{DD}$

si preferisce utilizzare stadio di uscita  
diverso ad alta impedenza

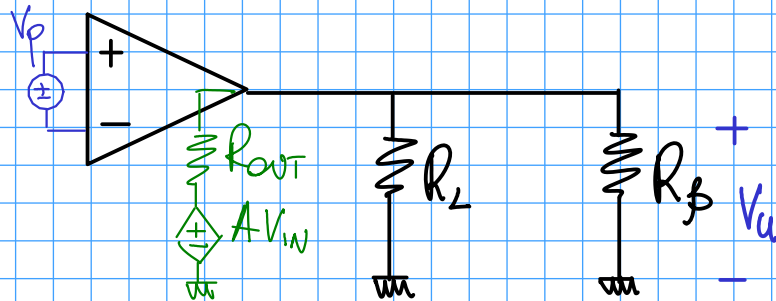
è un problema? operazione è condotta in retroazione e  
deve verificarsi  $\epsilon_r = \left| \frac{1}{\beta A} \right|$



# Studio retroazione con teorema di scomposizione



dopo scomposizione  
rete per  $\beta$  è un carico sull'uscita,  
non influenza gli ingressi



$$V_u = \frac{R_L // R_f}{R_L // R_f + R_{out}} A V_{in} = \boxed{\frac{1}{1 + \frac{R_{out}}{R_L // R_f}} A' V_{in}}$$

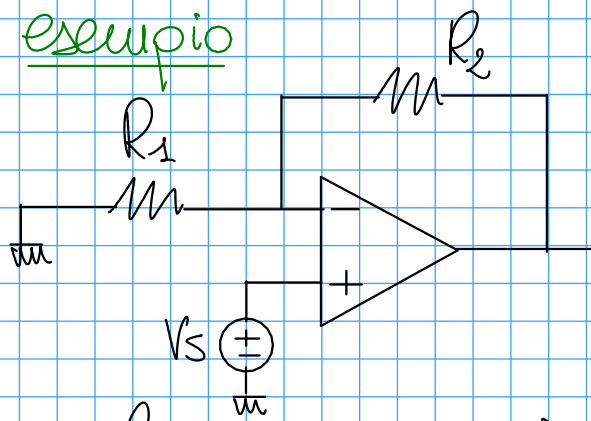
$A'$  effettivo viene ridotto dal partitore  
mentre  $R_f$  non è influenzato da  $R_{out}$

$$\epsilon_r = \left| \frac{1}{\beta A} \right| \rightarrow \text{con } A' < A \rightarrow \epsilon_r < \left| \frac{1}{\beta A'} \right|$$

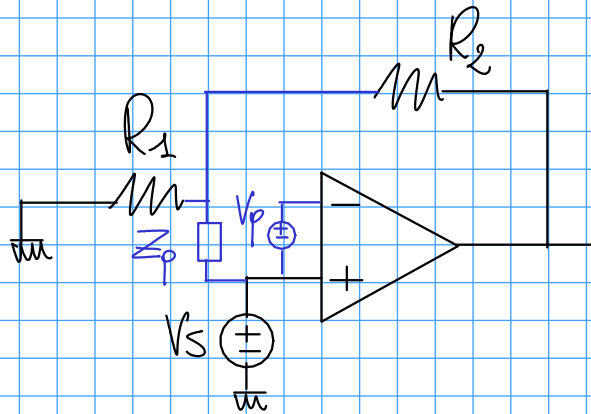
se  $A$  "residua" verifica  
condizione su  $\epsilon_r$ ,  
sistema funziona!



esempio



applico scomposizione



quando vale il carico di uscita per l'amplificatore? senza  $R_L$

~~potrei pensare che per il c.c.v.  $R_B = R_2$ !~~  
**no!**

$$R_B = R_1 // Z_p + R_2$$

rete di uscita comprende due resistenze, ovvero un carico maggiore  $\rightarrow$  minori richieste di corrente sull'uscita!

a parità di  $A_v$

$\rightarrow R_1$  e  $R_2$  piccole  $\rightarrow$  carico elevato in ingresso

$\rightarrow R_1$  e  $R_2$  grandi  $\rightarrow$  rumore e ingombro su silicio