

Sensori capacitivi

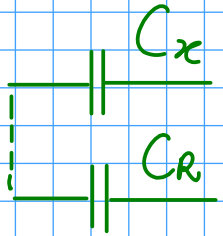
FOTT

→ unipolari



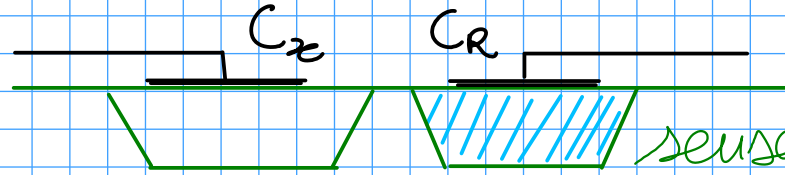
$C_x = C_0 + f(x)$ si vuole f lineare in x
sensori di umidità

→ pseudo differenziale



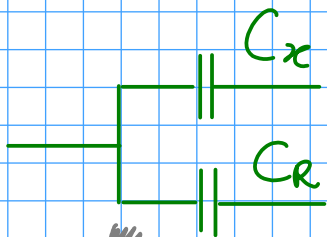
$$C_x = C_0 + f(x)$$

$C_R = \text{costante}$, si cerca uguale a C_0



sensori di pressione

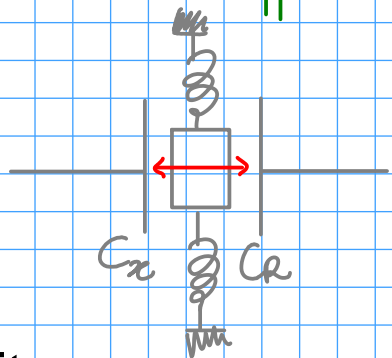
→ bilanciato o differenziale puro



$$C_x = C_0 + f(x)$$

$$C_R = C_0 - f(x)$$

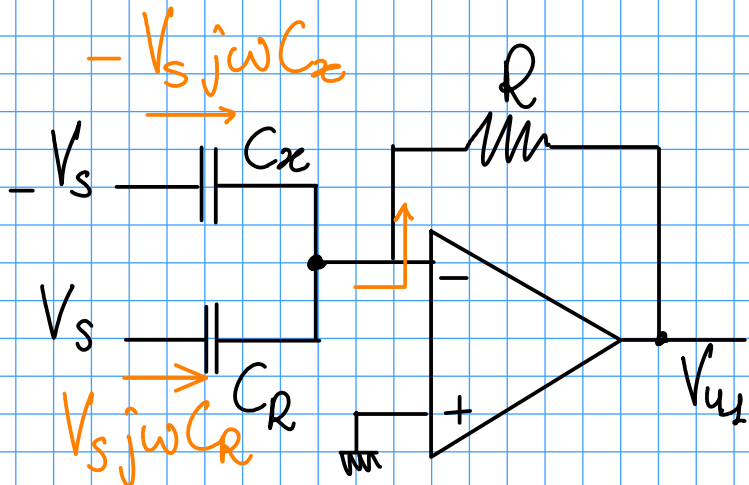
spesso $f(x)$ è una variazione
ridotta attorno a C_0



accelerometro mems

pregi differenziale
→ amplifico segnale utile
→ $C_{eq} = \frac{C_x + C_R}{2}$ costante

Come effettuo misura? impedenziometro



Hp corto circuito virtuale e regime temporale

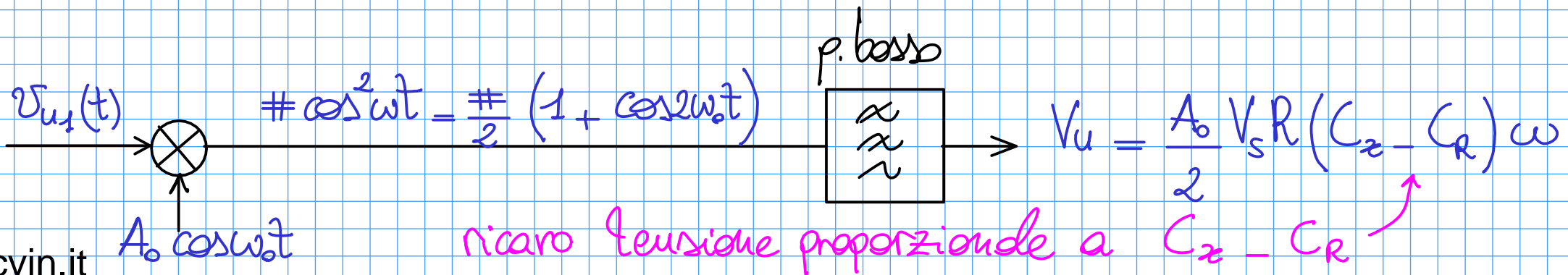
$$V_{u1} = -R (\dot{V}_s j\omega C_R - \dot{V}_s j\omega C_x) = -R \dot{V}_s j\omega (C_x - C_R)$$

da fasori a tensioni nel tempo $j\omega \rightarrow \omega \frac{d}{dt}$

$$v_s(t) = V_s \sin \omega t \rightarrow v_{u1}(t) = V_s R (C_x - C_R) \omega \cos \omega t$$

si ottiene modulazione di ampiezza in uscita dell'impedenziometro
estrazione informazioni con un demodulatore

- 1 rivelatore di inviluppo \rightarrow perde informazioni su fase e riduce SNR
- 2 demodulatore coerente con mixer

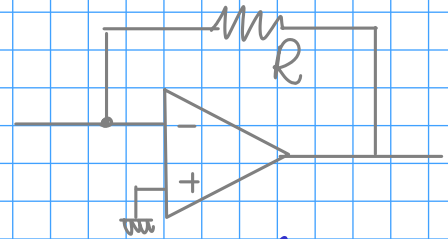


Sistema potrebbe funzionare, valutiamo limiti operazionali

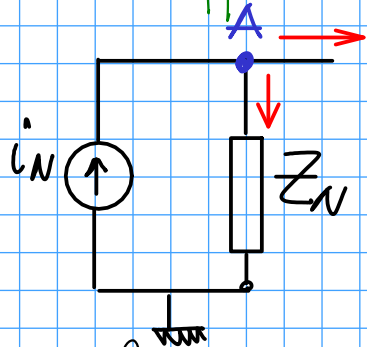
-100T

→ **problema: idealità della funzione trasresistiva**

fino a quale frequenza posso considerare il circuito a lato come amplificatore trasresistivo?



↳ la richiesta si riflette sulla validità del corto circuito virtuale
sviluppo con Norton del lato sensore



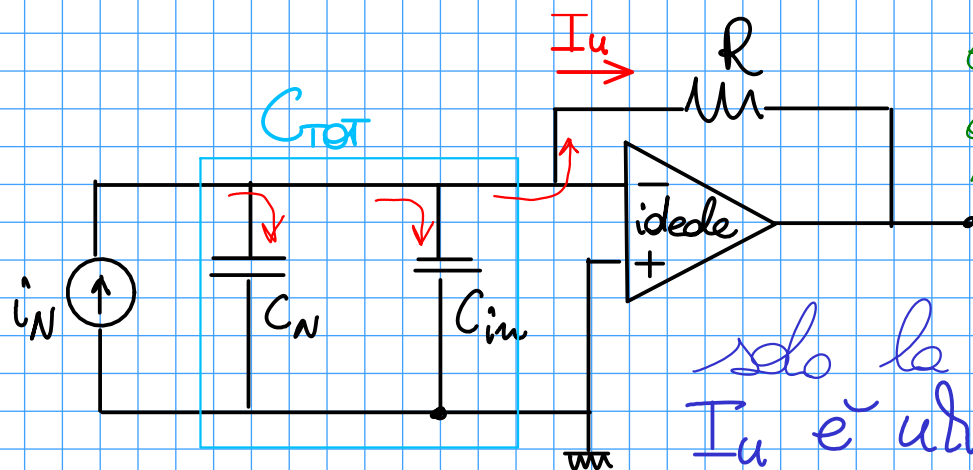
$$i_N = j\omega V_s (C_x - C_r)$$

Z_N impedenza sensore

è necessario valutare quale percentuale della i_N scorre in Z_N e quale verso l'amplif.

in teoria, grazie a CCR, tutta la i_N scorre nella R
mentre in realtà abbiamo:

$$\begin{cases} i^+ = i^- = 0 \\ v^+ = v^- \end{cases}$$

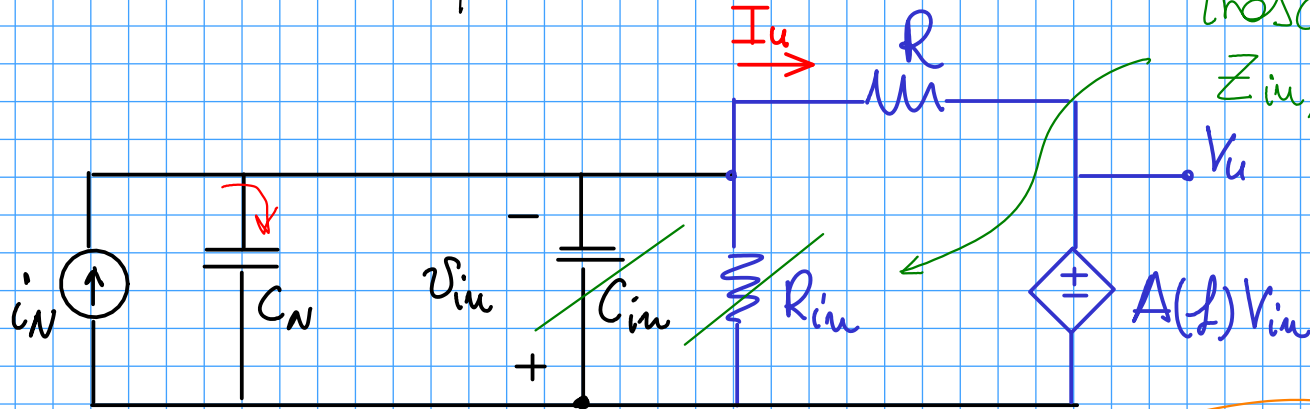


estraggo C_{in} dall'operazionale reale, questo finisce in parallelo alla Z_N

solo la componente di corrente in R , definita I_u è utile alla misura! I_N funzione di C_{tot}

sviluppo operazione con circuito equivalente
e voluto I_u rispetto a i_N

trascurabile, in parallelo a
 $Z_{in} // Z_C \approx Z_C$



$$I_u = i_N \cdot \frac{1}{C_N s} \cdot \frac{1}{\frac{1}{C_N s} + R}$$

$$= \hat{i}_N \cdot \frac{1}{1 + j\omega R C_N}$$

$i_N = j\omega V_s (C_x - C_R)$

$C_x + C_0$

$$I_u = \frac{j\omega V_s (C_x - C_R)}{1 + j\omega R (C_x + C_R)}$$

nel caso fully differential

$$\begin{aligned} C_x &= C_0 + f(x) \\ C_R &= C_0 - f(x) \end{aligned} \rightarrow C_x - C_R = 2f(x)$$

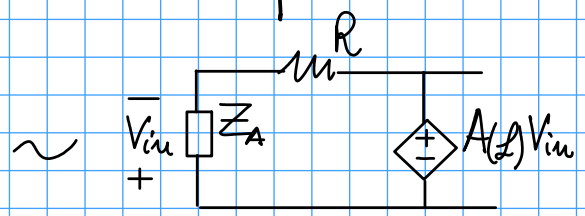
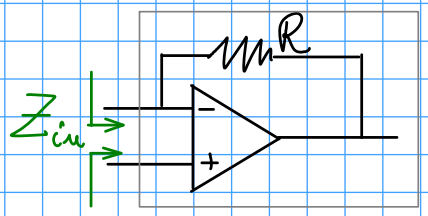
denominatore unitario, no distorsione!

caso pseudo differential

$$\begin{aligned} C_x &= C_0 + f(x) \\ C_R &= C_0 \end{aligned}$$

resta contributo denominatore
alla fase \rightarrow distorsione

voliamo corrente di perdita \rightarrow impedenza ingresso amplificatore



con $A(f) = \frac{A_0}{1 + jf/f_p}$

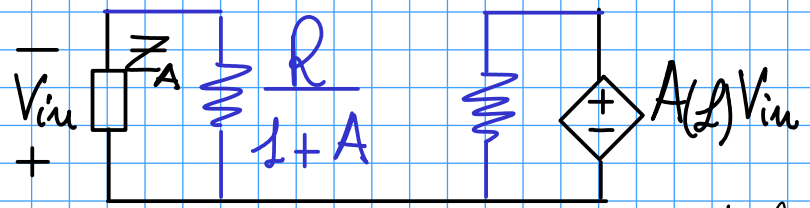
$A_0 \gg 1$

polo operazionale

- guadagno ingresso uscita elevato
- segno invertente

Applico Miller

siccome A_0 molto elevato



$Z_{in} = Z_A \parallel \frac{R}{1+A} \Rightarrow Z_{in} \approx \frac{R}{1+A(f)}$

vorremmo una Z_{in} dell'amplificatore più piccola possibile per avvicinarci all'idealtà del CCR (altrimenti $Z_{in} \approx Z_A \parallel R$)

\rightarrow range frequenziali di validità

$$Z_{in} = \frac{R}{1 + \frac{A_0}{1 + jf/f_p}} = \frac{R}{1 + A_0} \cdot \frac{1 + jf/f_p}{1 + \frac{jf}{f_p(1 + A_0)}}$$

nel caso di polo dominante corrisponde al prodotto guadagno banda o GBW

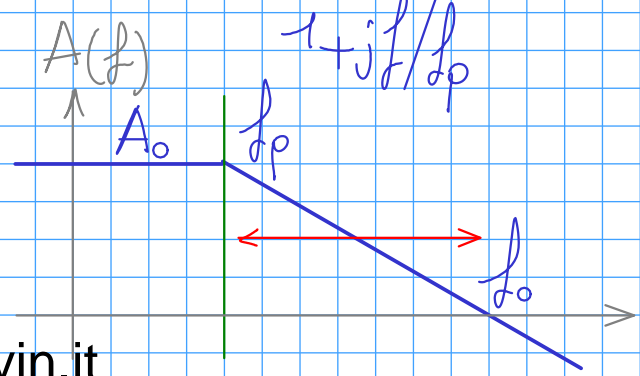
$f_0 = f_p A_0$

se lavoriamo in un range di frequenze

$f_p \ll f \ll f_0 \rightarrow$

$Z_{in} \approx jR \frac{f}{f_0}$

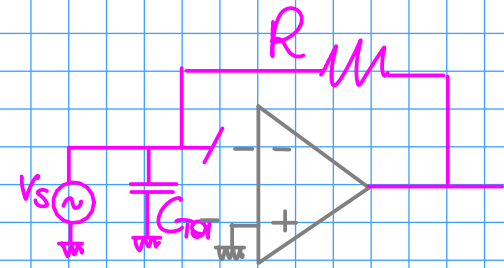
formula semplificata



Sistema può funzionare, Miller mantiene una Z_{in} "bassa" fino a $f \sim f_0$, quando crolla il guadagno e inizia a pesare Z_A
sono necessarie alcune condizioni per il funzionamento

① condizione $|Z_{in}| \ll |Z_{C_{TOT}}|$

$$|jR \frac{f}{f_0}| = R \frac{f}{f_0} \ll \frac{1}{\omega C_{TOT}} \rightarrow f^2 \ll f_0 \cdot \frac{1}{2\pi R C_{TOT}}$$



frequenza di polo della rete di reazione f_{PB}

cuna volta scelta R, calcolo f_{PB} e controllo se verifica relazione

$$f \ll \sqrt{f_0 \cdot f_{PB}}$$

sarebbe utile quindi limitare f , in modo da sfruttare Miller e verificare la ①
segnale utile

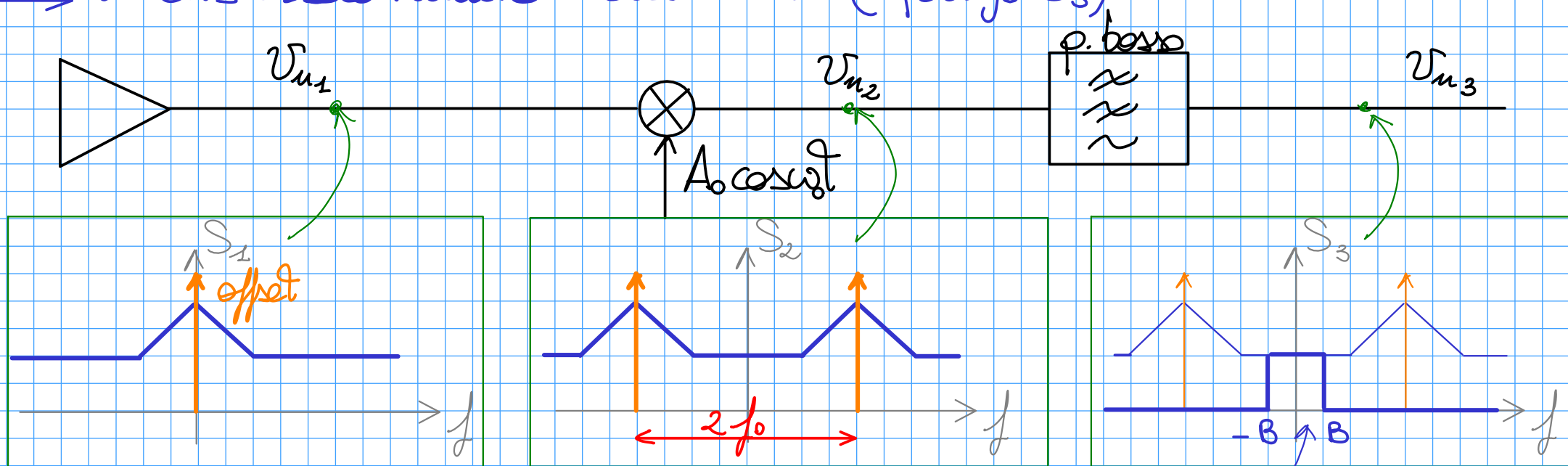
f piccole per ①

problema si sposta sul rumore allo stadio successivo!

$$V_u \propto V_S \cdot R \cdot \Delta C \cdot \omega$$

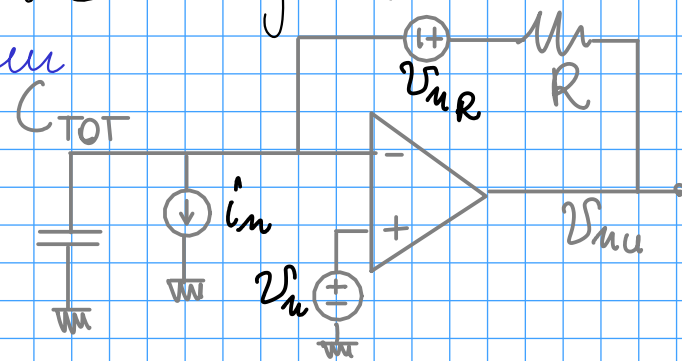
riducendo ω
 riduco ampiezza uscita

② Rumore sulla componente RAC introdotto da demodulatore
 → inserisco sb rumore nella catena (spengo v_s)



viene riportata in continua la componente S_{BB}
 componente flicker ridotta quando più è elevata f_0 di modulazione
 il contributo di S_{BB} in continua proviene da tre sorgenti
 nell'ipotesi di CCR (al limite commettiamo un errore su errore, trascurabile)

$$v_{uu} = v_{uR} - i_n R + v_u (1 + j\omega C_{TOT} R)$$



$$S_{v_{uu}} = 4KTR + S_{I_n} R^2 + S_{v_u} (1 + \omega^2 C_T^2 R^2) \text{ limite a } R \text{ e } \omega?$$

calcolo DR o per semplicità DR^{-1}

$$DR^{-1} = \frac{4 V_{umRMS}}{V_{uFS}} = \frac{4 \sqrt{S_{V_{in}} B_S}}{\omega V_S R \Delta C_{FS}}$$

banda segnale limitata dal filtro passa basso

massima oscillazione uscita (non tempo conto del mixer)

elimino radice con potenze

$$\frac{16 V_{umRMS}^2}{V_{uFS}^2} = \frac{16 S_{V_{in}} B_S}{\omega^2 V_S^2 R^2 \Delta C_{FS}^2}$$

sostituisco termine

$$S_{V_{in}} = 4 K T R + S_{I_{in}} R^2 + S_{V_{in}} (1 + \omega^2 C_T^2 R^2)$$

$$\frac{V_{umRMS}^2}{V_{uFS}^2} = \frac{4 \boxed{K T R} B_S}{\omega^2 V_S^2 R^2 \Delta C_{FS}^2} + \frac{S_{I_{in}} R^2 B_S}{\omega^2 V_S^2 R^2 \Delta C_{FS}^2} + \frac{S_{V_{in}} (1 + \omega^2 C_T^2 R^2) B_S}{\omega^2 V_S^2 R^2 \boxed{\Delta C_{FS}^2}}$$

trascurabili rispetto a ultimo termine termine prevalente

rispetto alle conclusioni effettuate su $S_{V_{in}}$ ora possiamo dire

- lavorare a frequenze elevate riduce contributo rumore
- maggiore R riduce rumore
- piccole ΔC aumentano contributo rumore

sviluppo il termine prevalente per volutarne i contributi

riducibile incrementando
 R e ω

definisce prestazioni
massime, indep. da R e ω

$$\frac{\sigma_{u_{RUS}}^2}{V_{u_{FS}}^2} \approx \frac{S_{V_u} (1 + \omega^2 C_T^2 R^2) B_S}{\omega^2 V_S^2 R^2 \Delta C_{FS}^2} = \boxed{\frac{S_{V_u} B_S}{\omega^2 V_S^2 R^2 \Delta C_{FS}^2}} + \boxed{\frac{S_{V_u} B_S}{V_S^2} \left(\frac{C_T}{\Delta C_{FS}} \right)^2}$$

contributo del solo
amplificatore $\sim 10^{-12}$

$$\frac{S_{V_u} B_S}{V_S^2} \left(\frac{C_T}{\Delta C_{FS}} \right)^2$$

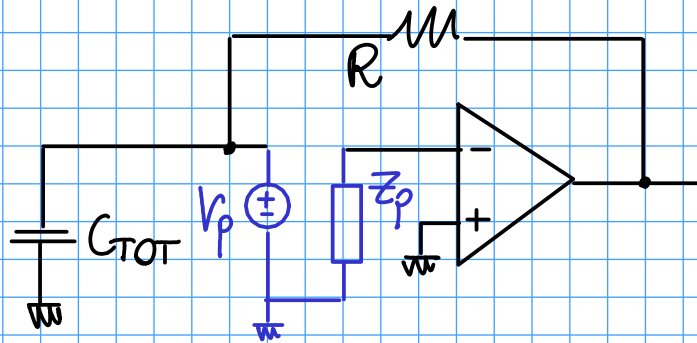
termine estremamente
antipatico, perché sviluppando
 $C_x = C_0 + C(x)$
→ C_0 grande aumenta C_T !
→ $C(x)$ ovvero ΔC_{FS} è piccolo!

necessario un compromesso tra grandezze in gioco
mettendo da parte il termine $C_T/\Delta C$

→ R e ω grandi riducono contributo rumore $SNR \uparrow$ $DR \downarrow$
→ R e ω piccole migliorano risoluzione $SNR \downarrow$ $DR \uparrow$

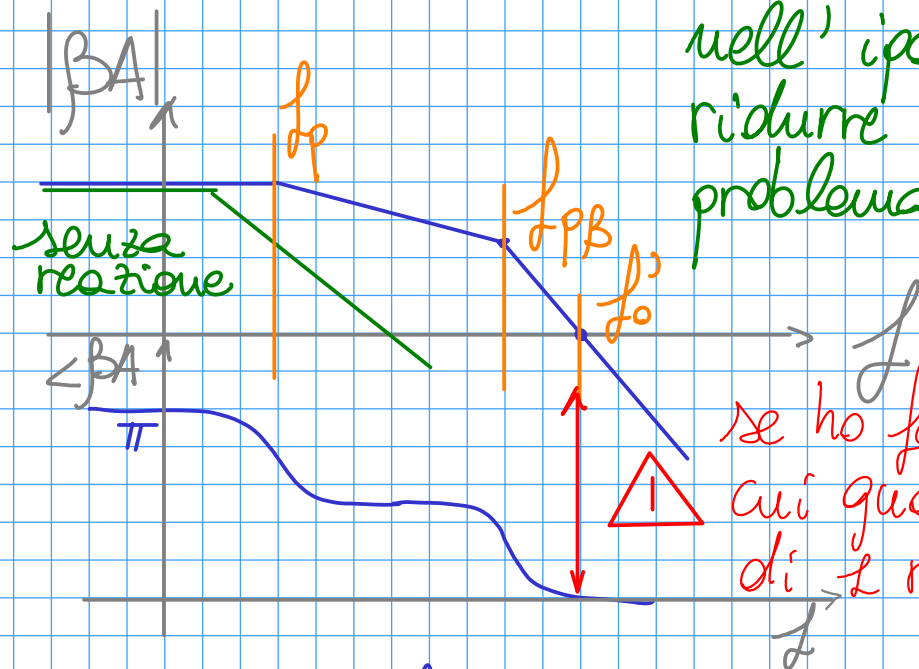
③ Stabilità a volte trascurato, ma importante!

circuito chiuso in reazione potrebbe non essere stabile!



studio BA con criterio di Barkhausen negativo (non oscillazione)

osservazione: presenza di altri poli (trascurati nell'ipotesi di polo dominante) contribuisce a ridurre la fase complessiva \rightarrow spostano problema a f minori di f_0 !

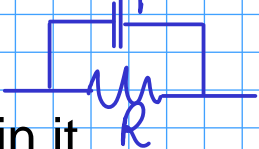


condizione di stabilità

$$f_{pB} \geq f_0$$

se ho fase nulla a f per cui guadagno è maggiore di 1 rischio instabilità

se non verifica margine di fase posso introdurre rete di compensazione a ponte su R



R elevata (per rumore) inserisce polo a bassa frequenza in modo da ridurre guadagno (recupero in fase)